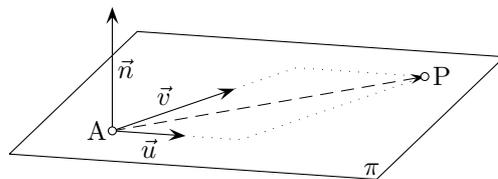


3 Le plan et la droite dans l'espace

Dans un repère de l'espace, on considère un point $A(a_1; a_2; a_3)$ et deux vecteurs

non colinéaires $\vec{u} = \begin{pmatrix} u_1 \\ u_2 \\ u_3 \end{pmatrix}$ et $\vec{v} = \begin{pmatrix} v_1 \\ v_2 \\ v_3 \end{pmatrix}$.

On appelle π le plan passant par le point A et de vecteurs directeurs \vec{u} et \vec{v} .



Équation paramétrique du plan

Pour tout point $P(x; y; z)$ de l'espace, les conditions suivantes sont équivalentes :

- 1) Le point P appartient au plan π .
- 2) Les vecteurs \overrightarrow{AP} , \vec{u} et \vec{v} sont coplanaires.
- 3) Il existe $\lambda, \mu \in \mathbb{R}$ tels que $\overrightarrow{AP} = \lambda \vec{u} + \mu \vec{v}$,
c'est-à-dire $\begin{pmatrix} x - a_1 \\ y - a_2 \\ z - a_3 \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} \lambda u_1 \\ \lambda u_2 \\ \lambda u_3 \end{pmatrix} + \begin{pmatrix} \mu v_1 \\ \mu v_2 \\ \mu v_3 \end{pmatrix}$.

$$4) \begin{cases} x = a_1 + \lambda u_1 + \mu v_1 \\ y = a_2 + \lambda u_2 + \mu v_2 \\ z = a_3 + \lambda u_3 + \mu v_3 \end{cases}, \lambda, \mu \in \mathbb{R}$$

Cette formule constitue l'**équation paramétrique** du plan π .

Équation cartésienne du plan

Pour tout point $P(x; y; z)$ de l'espace, les conditions suivantes sont équivalentes :

- 1) Le point P appartient au plan π .
- 2) Les vecteurs \overrightarrow{AP} , \vec{u} et \vec{v} sont coplanaires.
- 3) $\begin{vmatrix} x - a_1 & u_1 & v_1 \\ y - a_2 & u_2 & v_2 \\ z - a_3 & u_3 & v_3 \end{vmatrix} = 0$.
- 4) Avec $a = u_2 v_3 - u_3 v_2$, $b = u_3 v_1 - u_1 v_3$, $c = u_1 v_2 - u_2 v_1$ et $d = -a_1 (u_2 v_3 - u_3 v_2) - a_2 (u_3 v_1 - u_1 v_3) - a_3 (u_1 v_2 - u_2 v_1)$:

$$ax + by + cz + d = 0$$

Cette expression s'appelle l'**équation cartésienne** du plan π .

Équation cartésienne du plan sous forme normale

Dans un repère orthonormé de l'espace, considérons un plan π défini par un point $A(a_1; a_2; a_3)$ et un vecteur normal $\vec{n} = \begin{pmatrix} a \\ b \\ c \end{pmatrix}$.

Pour tout point $P(x; y; z)$ de l'espace, les conditions suivantes sont équivalentes :

- 1) Le point P appartient au plan π .
- 2) $\vec{n} \perp \overrightarrow{AP}$
- 3) $0 = \vec{n} \cdot \overrightarrow{AP} = \begin{pmatrix} a \\ b \\ c \end{pmatrix} \cdot \begin{pmatrix} x - a_1 \\ y - a_2 \\ z - a_3 \end{pmatrix} = a(x - a_1) + b(y - a_2) + c(z - a_3)$
- 4) $ax + by + cz + d = 0$ avec $d = -a_1 a - a_2 b - a_3 c$

Rappel : si \vec{u} et \vec{v} sont deux vecteurs directeurs d'un plan, le produit vectoriel

$$\vec{u} \times \vec{v} = \begin{pmatrix} u_2 v_3 - u_3 v_2 \\ u_3 v_1 - u_1 v_3 \\ u_1 v_2 - u_2 v_1 \end{pmatrix} \text{ fournit un vecteur orthogonal aux vecteurs } \vec{u} \text{ et } \vec{v}.$$

3.1 Trouver une équation paramétrique et une équation cartésienne du plan :

- 1) qui passe par $A(1; -2; 3)$ et admet pour vecteurs directeurs $\vec{u} = \begin{pmatrix} 0 \\ -2 \\ 2 \end{pmatrix}$
et $\vec{v} = \begin{pmatrix} 5 \\ 8 \\ -3 \end{pmatrix}$;
- 2) qui passe par $A(-6; 3; -2)$, $B(5; 2; 1)$ et $C(2; 5; 2)$;
- 3) qui passe par $A(-1; -4; 1)$ et de vecteur normal $\vec{n} = \begin{pmatrix} 5 \\ -2 \\ 5 \end{pmatrix}$;
- 4) qui passe par $A(-3; 5; -4)$ et est parallèle au plan de 2) ;
- 5) qui passe par $A(3; 1; 1)$ et est perpendiculaire à la droite BC avec $B(1; 0; 5)$ et $C(3; -3; 8)$.
- 6) qui passe par $A(7; -4; 6)$ et est parallèle au plan Oxz ;
- 7) qui passe par l'origine et est perpendiculaire à chacun des plans d'équations respectives $3x - 2y + 5z - 17 = 0$ et $x - y - z + 3 = 0$;
- 8) qui passe par $A(2; 5; 1)$ et par $B(-1; 7; 0)$ et qui est parallèle au vecteur $\vec{v} = \begin{pmatrix} 1 \\ -1 \\ 1 \end{pmatrix}$;
- 9) qui passe par l'origine et le point $A(1; 1; 1)$ et qui est perpendiculaire au plan d'équation $x - y + z = 0$.

3.2 On donne les six points $A(1; 4; 1)$, $B(-2; -8; 3)$, $C(-5; -11; 5)$, $P(3; 5; -1)$, $Q(3; -11; -1)$ et $R(0; -3; 1)$. Montrer que les plans ABC et PQR sont parallèles.

3.3 On donne les points $O(0; 0; 0)$, $A(1; 0; 0)$, $B(0; 1; 0)$ et $C(0; 0; 1)$. Soient α le plan passant par A et parallèle au plan OBC, β le plan passant par B et parallèle au plan OAC et γ le plan passant par C et parallèle au plan OAB.

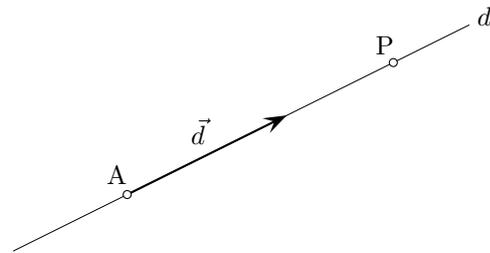
- 1) Déterminer les coordonnées du point d'intersection P des trois plans α , β et γ .
- 2) Le point P appartient-il au plan ABC?

3.4 On donne les équations de deux plans; déterminer si ces plans sont sécants, strictement parallèles ou confondus :

- | | |
|--|--|
| 1) $6x - 4y + 5z + 6 = 0$ | $-12x + 8y - 10z - 9 = 0$ |
| 2) $2x - 8y + 4z - 7 = 0$ | $x - 4y - z + 3 = 0$ |
| 3) $-x + 5y - 3z + 45 = 0$ | $x - 5y + 3z - 45 = 0$ |
| 4) $3x - 8 = 0$ | $x + 3 = 0$ |
| 5) $3x - 2y + 5z - 4 = 0$ | $\begin{cases} x = 4 + 2\lambda + 5\mu \\ y = 2 + 3\lambda \\ z = -3\mu \end{cases}, \lambda, \mu \in \mathbb{R}$ |
| 6) $\begin{cases} x = 1 + 6\lambda - 2\mu \\ y = 2 - 2\lambda + 2\mu \\ z = 3 + 2\lambda - \mu \end{cases}, \lambda, \mu \in \mathbb{R}$ | $\begin{cases} x = 1 + 3\lambda - 2\mu \\ y = 2 - \lambda + \mu \\ z = 3 + \lambda - \mu \end{cases}, \lambda, \mu \in \mathbb{R}$ |

3.5 Calculer les coordonnées du point d'intersection des plans $x - 2y + z - 7 = 0$, $2x + y - z + 2 = 0$ et $x - 3y + 2z - 11 = 0$.

Dans un repère de l'espace, on considère un point $A(a_1; a_2; a_3)$ et un vecteur non nul $\vec{d} = \begin{pmatrix} d_1 \\ d_2 \\ d_3 \end{pmatrix}$. On appelle d la droite passant par le point A et de vecteur directeur \vec{d} .



Équation paramétrique de la droite

Pour tout point $P(x; y; z)$ de l'espace, les conditions suivantes sont équivalentes :

- 1) Le point P appartient à la droite d .
- 2) Les vecteurs \vec{AP} et \vec{d} sont colinéaires.

3) Il existe $\lambda \in \mathbb{R}$ tel que $\vec{AP} = \lambda \vec{d}$, c'est-à-dire
$$\begin{pmatrix} x - a_1 \\ y - a_2 \\ z - a_3 \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} \lambda d_1 \\ \lambda d_2 \\ \lambda d_3 \end{pmatrix}.$$

$$4) \quad \boxed{\begin{cases} x = a_1 + \lambda d_1 \\ y = a_2 + \lambda d_2 \\ z = a_3 + \lambda d_3 \end{cases}, \quad \lambda \in \mathbb{R}}$$

Cette formule constitue l'**équation paramétrique** de la droite d .

Équations cartésiennes de la droite

Les équations cartésiennes de la droite s'obtiennent en éliminant le paramètre.

$$\text{L'équation paramétrique équivaut à } \begin{cases} x - a_1 = \lambda d_1 \\ y - a_2 = \lambda d_2 \\ z - a_3 = \lambda d_3 \end{cases}$$

$$\text{Si } d_1 \neq 0, d_2 \neq 0 \text{ et } d_3 \neq 0, \text{ ce système revient à } \begin{cases} \frac{x - a_1}{d_1} = \lambda \\ \frac{y - a_2}{d_2} = \lambda \\ \frac{z - a_3}{d_3} = \lambda \end{cases} \quad \text{d'où suivent}$$

$$\text{les } \mathbf{\text{équations cartésiennes}} \text{ de la droite : } \boxed{\frac{x - a_1}{d_1} = \frac{y - a_2}{d_2} = \frac{z - a_3}{d_3}}.$$

Si $d_1 = 0$, alors on obtient l'équation cartésienne $x - a_1 = 0$;

si $d_2 = 0$, alors on trouve l'équation cartésienne $y - a_2 = 0$;

si $d_3 = 0$, alors on a l'équation cartésienne $z - a_3 = 0$.

Les équations cartésiennes d'une droite, système indéterminé de deux équations à trois inconnues, la caractérisent comme l'intersection de deux plans.

3.6 Déterminer l'équation paramétrique et les équations cartésiennes de la droite :

$$1) \text{ qui passe par } A(1; 2; 3) \text{ et a pour vecteur directeur } \vec{d} = \begin{pmatrix} 0 \\ -2 \\ 2 \end{pmatrix};$$

$$2) \text{ qui passe par } A(2; 3; 5) \text{ et } B(1; 5; 7);$$

$$3) \text{ qui passe par } A(8; 6; -12) \text{ et est parallèle au segment } BC \text{ où } B(4; 0; -2) \text{ et } C(5; -2; 3);$$

$$4) \text{ qui passe par } A(2; 3; 5) \text{ et est perpendiculaire au plan } 3x - 2y + z = 0;$$

$$5) \text{ qui passe par l'origine et est perpendiculaire au plan } \begin{cases} x = 1 + 2\lambda - 3\mu \\ y = -1 + 3\lambda - \mu \\ z = 2 + 5\lambda - \mu \end{cases};$$

$$6) \text{ qui passe par } A(-8; 10; -12) \text{ et est perpendiculaire au plan } z + 4 = 0;$$

$$7) \text{ qui passe par } A(1; 0; 3) \text{ et est orthogonale aux droites } g \text{ et } h :$$

$$(g) : \begin{cases} x = 1 + 2\lambda \\ y = 0 - \lambda \\ z = 3 + 2\lambda \end{cases}, \quad \lambda \in \mathbb{R} \quad (h) : \begin{cases} x = -1 + \mu \\ y = 2 + 3\mu \\ z = \quad + \mu \end{cases}, \quad \mu \in \mathbb{R};$$

$$8) \text{ qui passe par } A(8; -4; 2) \text{ et qui est parallèle à l'intersection des plans } 3x - y + z = 0 \text{ et } x - y + z = 0.$$

3.7 On donne une droite d par son équation paramétrique :
$$\begin{cases} x = 2 - 5\lambda \\ y = -1 + \lambda \\ z = 3\lambda \end{cases}$$

Déterminer le point de la droite d :

- 1) qui a une abscisse égale à 12;
- 2) qui a une ordonnée égale à 5;
- 3) qui a une cote égale à -2 ;
- 4) dont l'abscisse et la cote sont égales;
- 5) dont la cote est égale au double de l'ordonnée.

3.8 Déterminer l'équation paramétrique de la droite d qui passe par le point $A(4; -7; 5)$ et qui rencontre les droites d_1 et d_2 avec :

$$(d_1) : \begin{cases} x = 2 + \lambda \\ y = 1 + 2\lambda \\ z = 1 - \lambda \end{cases}, \lambda \in \mathbb{R} \quad \text{et} \quad (d_2) : \begin{cases} x = 4 + 3\mu \\ y = 3 + \mu \\ z = 3 + 2\mu \end{cases}, \mu \in \mathbb{R}.$$

3.9 On donne deux droites. Indiquer si ces droites sont sécantes, strictement parallèles, confondues ou gauches.

$$1) \begin{cases} x = 1 + 3\lambda \\ y = -2 - 5\lambda \\ z = 5 + \lambda \end{cases}, \lambda \in \mathbb{R} \quad \begin{cases} x = -2 - 6\mu \\ y = 3 + 10\mu \\ z = 4 - 2\mu \end{cases}, \mu \in \mathbb{R}$$

$$2) \begin{cases} x = 2 - 5\lambda \\ y = 3 + 2\lambda \\ z = 5 - 4\lambda \end{cases}, \lambda \in \mathbb{R} \quad \begin{cases} x = 2 - 5\mu \\ y = 3 - 2\mu \\ z = 5 - 4\mu \end{cases}, \mu \in \mathbb{R}$$

$$3) \begin{cases} x = 7 + 2\lambda \\ y = 5 - 6\lambda \\ z = 3 + 3\lambda \end{cases}, \lambda \in \mathbb{R} \quad \begin{cases} x = 6 + 4\mu \\ y = -1 - 12\mu \\ z = 5 - 5\mu \end{cases}, \mu \in \mathbb{R}$$

$$4) \begin{cases} x = 2 + 5\lambda \\ y = 3 + 4\lambda \\ z = 1 + 5\lambda \end{cases}, \lambda \in \mathbb{R} \quad \frac{x-2}{5} = \frac{y-3}{4} = \frac{z-1}{6}$$

$$5) \begin{cases} x + y = 4 \\ 2y + z = 5 \end{cases} \quad \begin{cases} x + 3y + z = 9 \\ x - y - z = 1 \end{cases}$$

$$6) \begin{cases} x + 2y - 5 = 0 \\ 3y + z - 4 = 0 \end{cases} \quad \begin{cases} x + 2y - 3 = 0 \\ 3y + z - 1 = 0 \end{cases}$$

3.10 Montrer que la droite $\begin{cases} x = -2 + 3\lambda \\ y = 1 - 4\lambda \\ z = -5 + 4\lambda \end{cases}$ est parallèle au plan $4x - 3y - 6z = 5$.

3.11 Déterminer l'équation cartésienne du plan passant par le point $P(4; 2; 1)$ et contenant la droite $(d) : \begin{cases} x = 2 + \lambda \\ y = 1 - 3\lambda \\ z = 3 + \lambda \end{cases}, \lambda \in \mathbb{R}$.

3.12 On donne une droite d et un plan π . La droite d est-elle disjointe de π , incluse dans π ou coupe-t-elle π ?

$$\begin{aligned}
 1) \quad (d) : & \begin{cases} x = 3 + 2\lambda \\ y = 5 - 2\lambda \\ z = 3 + 2\lambda \end{cases}, \quad \lambda \in \mathbb{R} & (\pi) : 2x + y - z = 0 \\
 2) \quad (d) : & \begin{cases} x - 2y + z = 4 \\ x + 3y - 2z = 0 \end{cases} & (\pi) : 3x - 2y + 4z = 0 \\
 3) \quad (d) : & \begin{cases} x = 2 - 3\lambda \\ y = 3 + \lambda \\ z = 1 - \lambda \end{cases}, \quad \lambda \in \mathbb{R} & (\pi) : 4x + y - 11z = 0 \\
 4) \quad (d) : & \begin{cases} x + y - 3z = 0 \\ x - y - z = 1 \end{cases} & (\pi) : \begin{cases} x = 5 - \lambda + 2\mu \\ y = 10 + \lambda - 3\mu \\ z = 5 + \lambda - \mu \end{cases}, \quad \lambda, \mu \in \mathbb{R}
 \end{aligned}$$

3.13 Déterminer le point d'intersection de la droite d et du plan π donnés par leurs équations respectives.

$$\begin{aligned}
 1) \quad (d) : & \begin{cases} x = -4 - 5\lambda \\ y = 8 + 6\lambda \\ z = 2 - \lambda \end{cases}, \quad \lambda \in \mathbb{R} & (\pi) : 2x + 3y - z - 5 = 0 \\
 2) \quad (d) : & \begin{cases} x = 4 + 3\lambda \\ y = 3 + \lambda \\ z = 4 - \lambda \end{cases}, \quad \lambda \in \mathbb{R} & (\pi) : \begin{cases} x = 3 + 3\mu - \nu \\ y = -2 - 5\mu + \nu \\ z = 7 + 3\mu - \nu \end{cases}, \quad \mu, \nu \in \mathbb{R}
 \end{aligned}$$

3.14 On donne deux droites d_1 et d_2 . Montrer qu'elles se coupent en un point P et donner l'équation cartésienne du plan π qu'elles déterminent.

$$\begin{aligned}
 1) \quad (d_1) : & \begin{cases} x = 5 + \lambda \\ y = 1 \\ z = -1 - \lambda \end{cases}, \quad \lambda \in \mathbb{R} & (d_2) : \begin{cases} x = 5 + 2\mu \\ y = 9 + 4\mu \\ z = 7 + 2\mu \end{cases}, \quad \mu \in \mathbb{R} \\
 2) \quad (d_1) : & \frac{x-2}{3} = \frac{y-6}{2} = \frac{z-1}{4} & (d_2) : \begin{cases} 3x - 2y + 7z = -32 \\ x + y + z = 0 \end{cases}
 \end{aligned}$$

3.15 On considère les points $O(0; 0; 0)$, $A(3; 0; 0)$, $B(0; 3; 0)$, $C(0; 0; 3)$ et $D(1; 2; 3)$. Déterminer l'image de D par la symétrie de direction OC par rapport au plan ABC.

3.16 On donne trois droites d , f et g :

$$(d) : \begin{cases} x = \lambda \\ y = -2 + 3\lambda \\ z = 1 \end{cases} \quad (f) : \begin{cases} x = -1 \\ y = 7 + 2\mu \\ z = 3 - \mu \end{cases} \quad (g) : \begin{cases} x = \nu \\ y = 4 \\ z = 3 - 2\nu \end{cases}$$

Trouver un point A de d , un point B de f et un point C de g tels que $\overrightarrow{AB} = 2\overrightarrow{BC}$. Déterminer une équation paramétrique de la droite AB.

Réponses

3.1

- 1) $\begin{cases} x = 1 + 5\mu \\ y = -2 - \lambda + 8\mu \\ z = 3 + \lambda - 3\mu \end{cases}, \lambda, \mu \in \mathbb{R} \quad x - y - z = 0$
- 2) $\begin{cases} x = -6 + 11\lambda + 4\mu \\ y = 3 - \lambda + \mu \\ z = -2 + 3\lambda + 2\mu \end{cases}, \lambda, \mu \in \mathbb{R} \quad x + 2y - 3z - 6 = 0$
- 3) $\begin{cases} x = -1 + \lambda \\ y = -4 + 5\mu \\ z = 1 - \lambda + 2\mu \end{cases}, \lambda, \mu \in \mathbb{R} \quad 5x - 2y + 5z - 8 = 0$
- 4) $\begin{cases} x = -3 + 11\lambda + 4\mu \\ y = 5 - \lambda + \mu \\ z = -4 + 3\lambda + 2\mu \end{cases}, \lambda, \mu \in \mathbb{R} \quad x + 2y - 3z - 19 = 0$
- 5) $\begin{cases} x = 3 + 3\mu \\ y = 1 + \lambda + 2\mu \\ z = 1 + \lambda \end{cases}, \lambda, \mu \in \mathbb{R} \quad 2x - 3y + 3z - 6 = 0$
- 6) $\begin{cases} x = 7 + \lambda \\ y = -4 \\ z = 6 + \mu \end{cases}, \lambda, \mu \in \mathbb{R} \quad y + 4 = 0$
- 7) $\begin{cases} x = \mu \\ y = \lambda \\ z = 8\lambda + 7\mu \end{cases}, \lambda, \mu \in \mathbb{R} \quad 7x + 8y - z = 0$
- 8) $\begin{cases} x = 2 - 3\lambda + \mu \\ y = 5 + 2\lambda - \mu \\ z = 1 - \lambda + \mu \end{cases}, \lambda, \mu \in \mathbb{R} \quad x + 2y + z - 13 = 0$
- 9) $\begin{cases} x = \lambda + \mu \\ y = \lambda - \mu \\ z = \lambda + \mu \end{cases}, \lambda, \mu \in \mathbb{R} \quad x - z = 0$

3.3 1) P(1; 1; 1) 2) non

3.4 1) parallèles 2) sécants 3) confondus
4) parallèles 5) parallèles 6) sécants

3.5 (1; -2; 2)

3.6

- 1) $\begin{cases} x = 1 \\ y = 2 - 2\lambda \\ z = 3 + 2\lambda \end{cases}, \lambda \in \mathbb{R} \quad \begin{cases} x = 1 \\ y + z - 5 = 0 \end{cases}$
- 2) $\begin{cases} x = 2 + \lambda \\ y = 3 - 2\lambda \\ z = 5 - 2\lambda \end{cases}, \lambda \in \mathbb{R} \quad x - 2 = \frac{y - 3}{-2} = \frac{z - 5}{-2}$

$$\begin{array}{ll}
3) \begin{cases} x = 8 + \lambda \\ y = 6 - 2\lambda \\ z = -12 + 5\lambda \end{cases}, \lambda \in \mathbb{R} & x - 8 = \frac{y - 6}{-2} = \frac{z + 12}{5} \\
4) \begin{cases} x = 2 + 3\lambda \\ y = 3 - 2\lambda \\ z = 5 + \lambda \end{cases}, \lambda \in \mathbb{R} & \frac{x - 2}{3} = \frac{y - 3}{-2} = z - 5 \\
5) \begin{cases} x = 2\lambda \\ y = -13\lambda \\ z = 7\lambda \end{cases}, \lambda \in \mathbb{R} & \frac{x}{2} = \frac{y}{-13} = \frac{z}{7} \\
6) \begin{cases} x = -8 \\ y = 10 \\ z = -12 + \lambda \end{cases}, \lambda \in \mathbb{R} & \begin{cases} x = -8 \\ y = 10 \end{cases} \\
7) \begin{cases} x = 1 + \lambda \\ y = 0 \\ z = 3 - \lambda \end{cases}, \lambda \in \mathbb{R} & \begin{cases} y = 0 \\ x + z - 4 = 0 \end{cases} \\
8) \begin{cases} x = 8 \\ y = -4 + \lambda \\ z = 2 + \lambda \end{cases}, \lambda \in \mathbb{R} & \begin{cases} x = 8 \\ y - z + 6 = 0 \end{cases}
\end{array}$$

3.7 1) $(12; -3; -6)$ 2) $(-28; 5; 18)$ 3) $(\frac{16}{3}; -\frac{5}{3}; -2)$
4) $(\frac{3}{4}; -\frac{3}{4}; \frac{3}{4})$ 5) $(12; -3; -6)$

3.8 (d) : $\begin{cases} x = 4 + 9\lambda \\ y = -7 - 22\lambda \\ z = 5 + 11\lambda \end{cases}, \lambda \in \mathbb{R}$

3.9 1) confondues 2) sécantes 3) gauches
4) sécantes 5) strictement parallèles 6) strictement parallèles

3.11 $5x + 4y + 7z - 35 = 0$

3.12 1) $d \cap \pi = \emptyset$ 2) d coupe π 3) $d \subset \pi$ 4) d coupe π

3.13 1) $(1; 2; 3)$ 2) $(1; 2; 5)$

3.14 1) $P(1; 1; 3)$ $(\pi) : x - y + z - 3 = 0$
2) $P(-1; 4; -3)$ $(\pi) : 2x + 17y - 10z - 96 = 0$

3.15 $D'(1; 2; -3)$

3.16 $A(1; 1; 1), B(-1; 3; 5), C(-2; 4; 7)$ $(d_{AB}) : \begin{cases} x = 1 - 2\lambda \\ y = 1 + 2\lambda \\ z = 1 + 4\lambda \end{cases}, \lambda \in \mathbb{R}$