

La droite dans le plan cartésien

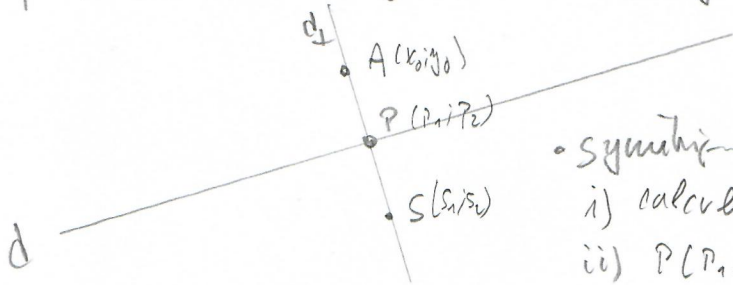
• droite $d \perp \vec{n} = \begin{pmatrix} a \\ b \end{pmatrix}$ passant par $A(x_0, y_0)$: $d: ax + by = ax_0 + by_0$

• droite $d_\perp \perp (d: ax + by = c)$ passant par $A(x_0, y_0)$: $d_\perp: bx - ay = bx_0 - ay_0$
(ou $d_\perp: -bx + ay = -bx_0 + ay_0$).

• projection P de $A(x_0, y_0)$ sur $d: ax + by = c$

i) d_\perp passant par A : $d_\perp: bx - ay = bx_0 - ay_0$

ii) $P = d \cap d_\perp: \begin{cases} ax + by = c \\ bx - ay = bx_0 - ay_0 \end{cases}$



• symétrique de $A(x_0, y_0)$ par rapport à $d: ax + by = c$

i) calculer la projection $P(P_1, P_2)$

ii) $P(P_1, P_2) = M_{AS} = \left(\frac{x_0 + s_1}{2}, \frac{y_0 + s_2}{2} \right) \cdot 2 \Rightarrow S(s_1, s_2)$

• angle entre d_1 de pente m_1 et d_2 de pente m_2 : $\varphi = \text{Arctan} \left(\frac{m_2 - m_1}{1 + m_1 \cdot m_2} \right)$

• distance entre $P(x_0, y_0)$ et $d: ax + by + c = 0$: $\delta(P; d) = \frac{|ax_0 + by_0 + c|}{\sqrt{a^2 + b^2}}$

ou $|x| = \begin{cases} x & \text{si } x \geq 0 \\ -x & \text{si } x < 0 \end{cases}$, est la valeur absolue ($|3 - 5| = |-2| = 2$).

• bissectrices de $ax + by + c = 0$ et $ex + fy + g = 0$: $\frac{ax + by + c}{\sqrt{a^2 + b^2}} = \pm \frac{ex + fy + g}{\sqrt{e^2 + f^2}} = \pm_{1,2}$

• bissectrices intérieures/externes dans un triangle ABC au sommet A

1^{ère} méthode: i) dessiner précisément le triangle

ii) calculer $b_{A_{1,2}}$ (avec les droites b et c)

iii) déterminer les pentes des bissectrices trouvées

iv) grâce au dessin et aux pentes on détermine entre

bissectrice intérieure et extérieure.

2^{ème} méthode: i) $\vec{d}_{A \text{ intérieur}} = \frac{\vec{AB}}{\|AB\|} + \frac{\vec{AC}}{\|AC\|}$ et $\vec{d}_{A \text{ extérieur}} = \frac{\vec{AB}}{\|AB\|} - \frac{\vec{AC}}{\|AC\|}$

ii) les bissectrices passent par A .

Même méthode pour les autres sommets, par exemple

$$\vec{d}_{B \text{ intérieur}} = \frac{\vec{BA}}{\|BA\|} + \frac{\vec{BC}}{\|BC\|}$$