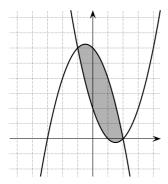
11.7



Pour déterminer la position du graphe de la fonction f par rapport à celui de la fonction g, étudions le signe de f-g:

$$f(x) - g(x) = (x^2 - 3x + 2) - (-x^2 - x + 6)$$

$$= 2x^2 - 2x - 4$$

$$= 2(x^2 - x - 2)$$

$$= 2(x + 1)(x - 2)$$

Calculons à présent l'aire du domaine compris entre les graphes de f et de g :

$$-\int_{-1}^{2} \left(f(x) - g(x) \right) dx = -\int_{-1}^{2} \left(2x^{2} - 2x - 4 \right) dx = -\left(\frac{2}{3}x^{3} - x^{2} - 4x \right) \Big|_{-1}^{2} = -\left(\left(\frac{2}{3} \cdot 2^{3} - 2^{2} - 4 \cdot 2 \right) - \left(\frac{2}{3} \cdot (-1)^{3} - (-1)^{2} - 4 \cdot (-1) \right) \right) = -\left(\left(\frac{16}{3} - 4 - 8 \right) - \left(-\frac{2}{3} - 1 + 4 \right) \right) = -\left(-\frac{20}{3} - \frac{7}{3} \right) = 9$$

Analyse : intégrales Corrigé 11.7