

4.7 1)  $q \equiv \underbrace{p_1 \cdot p_2 \cdot \dots \cdot p_n}_{\text{multiple de } p_i} + 1 \equiv 0 + 1 \equiv 1 \pmod{p_i}$

2)  $q \equiv 1 \not\equiv 0 \pmod{p_i}$  signifie deux choses :

(a)  $q \neq p_i$  pour tout  $1 \leq i \leq n$

(b)  $q$  n'est divisible par aucun nombre premier  $p_i$  ;

La première affirmation signifie que  $q$  n'est pas premier, tandis que la seconde signifie que  $q$  n'admet aucun diviseur premier, ce qui contredit manifestement la seconde affirmation du théorème des diviseurs premiers.