

2.33

$$1) \binom{8}{5} \left(\frac{60}{100}\right)^5 \left(1 - \frac{60}{100}\right)^{8-5} = \frac{8!}{5!(8-5)!} \left(\frac{3}{5}\right)^5 \left(\frac{2}{5}\right)^3 = 56 \cdot \frac{243}{3125} \cdot \frac{8}{125} =$$
$$\frac{108 \cdot 864}{390 \cdot 625} \approx 27,87 \%$$

2) Le tireur atteint toujours au moins une fois la cible, sauf s'il ne l'atteint aucune fois.

$$1 - \binom{8}{0} \left(\frac{60}{100}\right)^0 \left(1 - \frac{60}{100}\right)^{8-0} = 1 - \frac{8!}{0!(8-0)!} \left(\frac{3}{5}\right)^0 \left(\frac{2}{5}\right)^8 = 1 - 1 \cdot 1 \cdot \frac{256}{390 \cdot 625} =$$
$$\frac{390 \cdot 369}{390 \cdot 625} \approx 99,93 \%$$

$$3) 1 - \binom{n}{0} \left(\frac{60}{100}\right)^0 \left(1 - \frac{60}{100}\right)^{n-0} > \frac{95}{100}$$

$$1 - 1 \cdot 1 \cdot \left(\frac{2}{5}\right)^n > \frac{19}{20}$$

$$\left(\frac{2}{5}\right)^n < \frac{1}{20}$$

$$n > \log_{\frac{2}{5}}\left(\frac{1}{20}\right) = \frac{\log\left(\frac{1}{20}\right)}{\log\left(\frac{2}{5}\right)} \approx 3,27$$

Il faut que l'archer tire au moins 4 flèches, pour que la probabilité qu'il atteigne au moins une fois la cible soit supérieure à 95 %.