

4.12 $M = 3 \cdot 5 \cdot 4 = 60$

$$M_1 = \frac{60}{3} = 20$$

$$M_2 = \frac{60}{5} = 12$$

$$M_3 = \frac{60}{4} = 15$$

$$20x_1 \equiv 1 \pmod{3}$$

$$-x_1 \equiv 1 \pmod{3} \quad \text{car } 20 \equiv 21 - 1 \equiv -1 \pmod{3}$$

$$x_1 \equiv -1 \pmod{3}$$

$$12x_2 \equiv 1 \pmod{5}$$

$$2x_2 \equiv 1 \pmod{5} \quad \text{car } 12 \equiv 10 + 2 \equiv 2 \pmod{5}$$

$$6x_2 \equiv 3 \pmod{5}$$

$$x_2 \equiv 3 \pmod{5} \quad \text{car } 6 \equiv 5 + 1 \equiv 1 \pmod{5}$$

$$15x_3 \equiv 1 \pmod{4}$$

$$-x_3 \equiv 1 \pmod{4} \quad \text{car } 15 \equiv 16 - 1 \equiv -1 \pmod{4}$$

$$x_3 \equiv -1 \pmod{4}$$

Le théorème chinois des restes permet d'affirmer que la solution du système de congruences vaut :

$$x \equiv 2 \cdot 20 \cdot (-1) + 2 \cdot 12 \cdot 3 + 0 \cdot 15 \cdot (-1)$$

$$\equiv 32 \pmod{60}$$